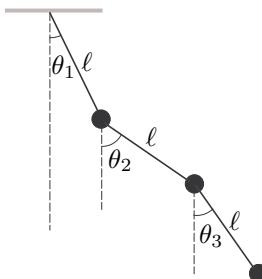
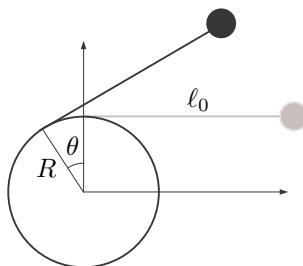


مسئله‌ی ۱) آونگی سه تابی مطابق شکل در نظر بگیرید. جرم هر آونگ m و طول آن ℓ است. لگرانژی این دستگاه را بنویسید.



مسئله‌ی ۲) جرم m مطابق شکل به نخی متصل است که به دور قرقرهٔ ثابتی پیچیده شده است. این مجموعه روی سطحی افقی قرار دارد و جرم m مقید است که در سطح افقی حرکت کند. در لحظه‌ی $t = 0$ ضربه‌ای به جرم m می‌زنیم. و نخ که طول اولیه‌ی آن ℓ_0 است شروع به باز شدن می‌کند. شعاع قرقره را R بگیرید. لگرانژی این دستگاه را بنویسید.



مسئله‌ی ۳) دانه‌ی تسبیحی روی میله‌ای افقی قرار دارد. میله را حول یک سرش با سرعت زاویه‌ای ثابت ω_0 که در جهت قائم است دوران می‌دهیم. اصطکاک را ناچیز بگیرید. لگرانژی دستگاه را بنویسید. نیروی که میله به دانه‌ی تسبیح وارد می‌کند را به دست آورید.



مسئله‌ی ۴) موفق باشید.